

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Снежинский физико-технический институт –
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»
(СФТИ НИЯУ МИФИ)

«УТВЕРЖДАЮ»

Зам. руководителя по учебной
и научно-методической работе

П. О. Румянцев

« ____ » _____ 2021 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
ЦИФРОВЫЕ МОДЕЛИ В МЕХАНИКЕ

наименование дисциплины

Направление подготовки _____ 01.04.02 «Прикладная математика и информатика»

Профиль подготовки _____ «Математическое моделирование и высокопроизводительные
вычисления и технологии»

Наименование образовательной программы: _____

Квалификация (степень) выпускника: _____ магистр

(бакалавр, магистр, специалист)

Форма обучения _____ очная

(очная, очно-заочная (вечерняя), заочная)

г. Снежинск, 2021 г.

1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью учебной дисциплины __ Цифровые модели в механике является овладение основными понятиями МСС (механика сплошных сред), постановками задач МСС, методами решения задач МСС. Целями освоения дисциплины являются также приобретение начальных навыков использования понятийного аппарата МСС и арсенала приемов построения математических моделей МСС, получения представления о методах решения задач МСС. Достижение этих целей обеспечивает студенту способность дальнейшего изучения учебных дисциплин в области МСС.

2. МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП ВПО

Дисциплина относится к вариативной части общенаучного цикла основной образовательной программы подготовки магистров по направлению 01.04.02 “Прикладная математика и информатика”. Курс «Математические модели механики» связан с последующим изучением дисциплин профильного цикла.

Предшествующие дисциплины: математический анализ, дифференциальные уравнения, теоретическая механика. Дисциплины, для которых данная дисциплина является предшествующей: Инженерные методы МДТТ, Математическое моделирование в комплексе программ ANSYS, Устойчивость вязкоупругих систем, Математические модели МДТТ. Знания, полученные при освоении дисциплины, необходимы для выполнения магистерской диссертации.

Изучение дисциплины осуществляется в ходе лекционных занятий с решением конкретных задач в различных информационных ситуациях на практических занятиях, в течение одного семестра (6 курс), в первом семестре производится промежуточная аттестация в виде зачета и процесс изучения завершается сдачей экзамена.

В процессе обучения студенты должны усвоить основные понятия различных разделов МСС, ознакомиться с постановками задач МСС и с методами их решения, приобрести некоторые навыки исследования и решения задач МСС на ЭВМ. По курсу предусмотрены защиты лабораторных работ.

Требования к уровню освоения дисциплины:

- иметь представление: об основах МСС;
- знать: основные модели и методы МСС;
- уметь: строить модели МСС; приобрести навыки: решения задач МСС.
- владеть: методами решения задач МСС.

3. КОМПЕТЕНЦИИ СТУДЕНТА, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ / ОЖИДАЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБРАЗОВАНИЯ И КОМПЕТЕНЦИИ СТУДЕНТА ПО ЗАВЕРШЕНИИ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ПК-1	способностью проводить научные исследования и получать новые научные и прикладные результаты самостоятельно и в составе научного коллектива
ПК-2	способностью разрабатывать концептуальные и теоретические модели решаемых научных проблем и задач
ПК-3	способностью углубленного анализа проблем, постановки и обоснования задач научной и проектно-технологической деятельности
ПК-4	способностью разрабатывать концептуальные и теоретические модели решаемых задач проектной и производственно-технологической деятельности

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Семестр	Трудоемкость, кредит	Общий объем курса, час.	Лекции, час.	Лабораторные/ Практич. занятия, час.	КСР, час.	СРС, час.	Форма контроля, Экз./зачет
4	4	144	10	10	0	124	зачет

Занятия в интерактивной форме составляют 16 часов от общего объема аудиторных занятий. Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 кредитов, 144 часов.

№ п/п	Раздел учебной дисциплины	Недели	Виды учебной деятельности, включая самостоятельную работу студентов и трудоемкость (в часах)			Аттестация раздела (<i>неделя, форма</i>)	Текущий контроль успеваемости (<i>неделя, форма</i>)	Максимальный балл за раздел *
			Лекции	Практ. занятия/ семинары	КСР			
4 семестр								
1	Введение.	1	1	1				10
2	Кинематика деформируемых сред.	2-3	2	2				10
3	Основные динамические, термодинамические и электродинамические понятия и уравнения.	4-6	3	3				10
4	Модели материальных сплошных сред. Задачи и методы их решения.	7-8	2	2				10
5	Теория размерностей.	9-10	2	2				10
Всего:			10	10	-	-	-	50
Зачет, Экзамен								50
Итого за 4 семестр:								100

При сдаче отчетов и письменных работ проводится устное собеседование.

4.2. Содержание разделов дисциплины

Раздел 1.

Тема 1.1. Введение

Общая характеристика механики сплошной среды (МСС). Основные проблемы МСС. МСС как фундаментальная наука, ее место среди других естественных наук. Свойства твердых, жидких и газообразных сред. Молекулярная макроскопическая структура реальных тел, статистические и феноменологические методы описания их свойств.

Тема 1.2. Кинематика деформируемых сред

Два способа изучения движения сплошной среды. Лагранжева и Эйлера системы координат, замороженные координатные линии, местный ковариантный базис. Закон движения, поле перемещений, поле скоростей, поле температур и т. д. Индивидуальная и местная производные по времени. Траектории и линии тока. Элементы тензорного исчисления. Ковариантные, контравариантные и физические компоненты векторов и тензоров. Метрический тензор. Символы Кристоффеля и ковариантное дифференцирование. Деформация бесконечно малой частицы. Тензоры конечной и малой деформации. Инварианты тензоров и характеристическое уравнение. Главные оси тензоров. Механический смысл компонент тензора малой деформации. Разложение движения малой частицы на поступательное, вращательное движения и чистую деформацию. Вектор поворота. Девиатор и шаровой тензор, их геометрический смысл. Формула Чезаро. Уравнение совместности деформаций. Бесконечно малые деформации. Формулы Стокса. Тензор скоростей деформаций, его связь с тензором деформаций. Уравнение совместности скоростей деформаций. Вихрь скорости, его кинематический

смысл. Вихревые линии и поверхности. Теорема Стокса. Потенциальные и безвихревые движения, их связь. Циркуляция вектора скорости. Кинематические теоремы Гельмгольца. Дивергенция вектора перемещения и дивергенция вектора скорости, их кинематический смысл. Условие несжимаемости сплошной среды.

Раздел 2. Основные динамические, термодинамические и электродинамические понятия и уравнения

Масса и плотность. Уравнение сохранения массы. Массовые и поверхностные, внешние и внутренние силы. Тензор напряжений, его свойства. Связь компонент тензора напряжений, представленного этими компонентами в эйлеровой декартовой или криволинейной, а также в лагранжевой системах координат. Девиатор и шаровой тензор. Главные касательные напряжения, главные площадки. Динамические уравнения движения сплошной среды, формы записи. Первые интегралы уравнения движения. Интеграл Бернулли. Интеграл Коши-Лагранжа. Элементарная работа внутренних массовых и поверхностных сил. Кинетическая энергия.

Раздел 3. Модели материальных сплошных сред.

Задачи и методы их решения

Уравнения состояния сплошной среды. Постулаты механики сплошной среды. Замкнутые системы уравнений. Краевые и начальные условия. Изотермические задачи, связанные и несвязанные термомеханические задачи. Постановки эволюционно краевых задач в Лагранжевой и в Эйлеровой системах координат. Постановки эволюционно-краевых задач в смешанной форме, “в перемещениях”, “в напряжениях”. Свойства изотропии и анизотропии. Модель идеальной несжимаемой жидкости. Уравнение состояния. Уравнение Эйлера. Модель сжимаемой идеальной жидкости для баротропных процессов. Совершенный газ. Закон Архимеда. Основные задачи гидростатики. Интеграл Бернулли. Интеграл Коши-Лагранжа. Явление кавитации, чило кавитации. Элементарная теория сопла Лавалья. Теорема Томсона. Теорема Лагранжа. Динамические теоремы Гельмгольца. Закон вмерзности вихревых линий. Источник, сток, диполь. Задачи о равномерном и неравномерном движении сферы в жидкости или об ее обтекании жидкостью. Модель линейно-вязкой жидкости. Закон Навье-Стокса для связей тензоров напряжений и скоростей деформаций, диссипация энергии в вязкой жидкости. Модель вязкой несжимаемой теплопроводной жидкости. Решение Пуазейля. Уравнения Прандтля. Задача Блазиуса. Ламинарные и турбулентные движения, опыт Рейнольдса. Модель нелинейно-вязкой жидкости. Задача о движении нелинейно-вязкой жидкости по цилиндрической трубе. Модель изотропного линейно-упругого тела, закон Гука. Механически несжимаемые материалы. Упругие константы Ляме. Модуль упругости, модуль сдвига, коэффициент Пуассона, модуль объемного расширения. Постановки задач для механически сжимаемых и механически несжимаемых материалов. Уравнение Ляме. Уравнения Бельтрами-Митчелла. Полуобратный метод Сен-Венана. Принцип Сен-Венана. Модель анизотропного линейно-упругого тела, закон Гука. Краткий обзор других моделей сплошных сред.

Раздел 4. Теория размерностей

Системы единиц измерения. π -теорема. Задача об обтекании тела вязкой несжимаемой жидкостью. Число Рейнольдса. Задача о движении корабля в тяжелой вязкой жидкости. Число Фруда. Задача о движении тела в идеальном газе. Число Маха. Задача Буссинеска. Подобие и моделирование явлений. Моделирование по Фрудру.

Темы практических или семинарских занятий.

Раздел 1. Кинематика деформируемых сред

Раздел 2. Основные динамические, термодинамические и

Раздел 3. Модели материальных сплошных сред. Задачи и методы их решения

Темы лабораторных занятий.

1. Моделирование в ANSYS, решение задач механики сплошных сред.

2.1. Задачи механики деформируемого тела. Задачи теории упругости. Задачи теории упругих колебаний.

2.2. Задачи механики жидкости и газа. Задачи о движении идеальной жидкости или газа. Задачи о движении вязкой жидкости или газа.

5. Образовательные технологии

При освоении дисциплины используются следующие сочетания видов учебной работы с методами и формами активизации познавательной деятельности магистрантов для достижения запланированных результатов обучения и формирования компетенций.

Методы и формы активизации деятельности	Виды учебной деятельности			
	ЛК	Семинар	ЛБ	СРС
Дискуссия	х	х		
IT-методы	х		х	х
Командная работа		х	х	х
Разбор кейсов		х		
Опережающая СРС	х	х	х	х
Индивидуальное обучение			х	х
Проблемное обучение		х	х	х
Обучение на основе опыта		х	х	х

Для достижения поставленных целей преподавания дисциплины реализуются следующие средства, способы и организационные мероприятия:

- изучение теоретического материала дисциплины на лекциях с использованием компьютерных технологий;
- самостоятельное изучение теоретического материала дисциплины с использованием *Internet*-ресурсов, информационных баз, методических разработок, специальной учебной и научной литературы;
- закрепление теоретического материала при проведении лабораторных работ с использованием учебного и научного оборудования и приборов, выполнения проблемно-ориентированных, поисковых, творческих заданий.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

а) основная литература:

- Черепашков А.А., Носов Н.В. Компьютерные технологии, моделирование и автоматизированные системы в машиностроении. Учебник для вузов. – Волгоград: Издательский дом «Ин-Фолио», 2009 – 640 с.

б) дополнительная литература:

- Потемкин А. Трехмерное твердотельное моделирование. – М.: КомпьютерПресс, 2002 – 296 с.
- Диевский В.А. Теоретическая механика: учебное пособие.– СПб.: Лань, 2009 – 320 с.
- Седов Л.И. Механика сплошной среды. В 2 т. Т.1.– Изд. 3-е, испр. и доп.– М.: Наука, 1976. – 535с.

в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы:

<http://ibooks.ru/>

<http://e.lanbook.com/>

<http://www.biblio-online.ru/home;jsessionid=2e1f56dad5e63541356653818b3d?0>

<http://kuperbook.biblioclub.ru/>

<http://www.studentlibrary.ru/>

http://libcatalog.mephi.ru/cgi/irbis64r/cgiirbis_64.exe?C21COM=F&I21DBN=BOOK&P21DBN=BOOK

7. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ИТОГАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ СТУДЕНТОВ.

Самостоятельная работа студентов составляет 86,11% от общего объёма занятий, предусмотренных рабочим учебным планом направления подготовки 01.04.02 «Прикладная математика и информатика» – 124 часа.

Часы на самостоятельную работу распределяются равномерно на весь курс обучения. Разделы, выводимые на самостоятельное изучение в рамках лекционных и практических разделов, устанавливаются преподавателем на каждой неделе, в зависимости от скорости усвоения материала студентами. Темы для самостоятельного изучения оглашаются преподавателем в конце каждого занятия и заносятся студентами в график самостоятельной работы.

Текущий контроль успеваемости проводится посредством проверки домашних заданий и конспекта текущей лекции.

Аттестация раздела проводится в виде контрольной работы. Максимальный балл за каждый раздел установлен п.4. настоящей рабочей программы.

8. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Мультимедийная аудитория (Л-318). Компьютерный класс, оснащённый компьютерами с выходом в Интернет, а также принтером, сканером, ксероксом:

- Core Dual 2,4 МГц (2009 г.) - 15 шт.
- Принтер HP LJ P3005 DN (2009 г.) - 1 шт.
- Сканер HP SJ 4370 – 1 шт.
- Ноутбук Samsung (2008)
- Проектор ASER X1260 (2008)
- Лицензионный комплекс программ ANSYS, установленный на компьютерах

9. Фонд оценочных средств

Примерные вопросы к зачету:

1. Лагранжева и эйлерова системы координат.
2. Индивидуальная, местная, конвективная производные. Найти связь между ними. Физический смысл конвективной производной.
3. Вывести уравнение закона сохранения массы.
4. Тензор второго ранга, его диадное представление.
5. Ввести понятие тензора деформации (на основе рассмотрения деформации физического волокна). Выразить тензор деформаций метрическими тензорами.
6. Ввести понятия: главные значения, главные направления, инварианты тензора деформации.
7. Раскрыть механический смысл компонент тензора малых деформаций.
8. Получить выражение компонент тензора деформаций через компоненты вектора перемещения.
9. Дать разложение тензора малой деформации на сумму девиатора и шарового тензора, раскрыть механический смысл слагаемых.
10. Малые и бесконечно малые деформации. Ввести понятие тензора скоростей деформации. Вывести формулы Стокса.
11. Ввести понятие вектора вихря, его механический смысл. Установить связь потенциальности поля скоростей и отсутствия вихрей.
12. Вывести формулы Чезаро.
13. Вывести 2 уравнения Сен-Венана (из 6), исходя из формул Чезаро. Записать 6 уравнений Сен-Венана в общей форме.
14. Дать определение идеальной жидкости, построить уравнения ее состояния.
15. Вывести уравнение движения идеальной жидкости – уравнение Эйлера.
16. Линии тока, построить уравнения линии тока. Построить интеграл Бернулли.
17. Вихревая линия, уравнение вихревой линии. Вихревая трубка. Доказать 2 теоремы Гельмгольца.
18. Ввести тензор напряжений. Построить формулу Коши.

19. На основе анализа поверхности напряжений ввести понятия: главные значения, главные направления тензора напряжений, инварианты тензора напряжений.
20. Разложение тензора напряжений на сумму девиатора и шарового тензора, механический смысл слагаемых.
21. Вывести уравнение движения конструкции, записать его через девиатор тензора напряжений.
22. Структура математической модели сплошной среды в лагранжевой системе координат в смешанной форме.
23. Структура математической модели сплошной среды в лагранжевой системе координат “в перемещениях”.
24. Структура математической модели сплошной среды в лагранжевой системе координат “в напряжениях”.
25. Структура математической модели сплошной среды в эйлеровой системе координат.
26. Математическая модель идеальной несжимаемой жидкости в случае переменной температуры.
27. Записать феноменологический закон линейно-вязкой жидкости. Получить соотношения, связывающие среднее гидростатическое напряжение и $\operatorname{div} V$, девиаторы тензоров напряжений и скоростей деформаций.
28. Вывести уравнение Навье-Стокса – уравнение движения линейно-вязкой жидкости.
29. Математическая модель линейно-вязкой жидкости в смешанной форме.
30. Математическая модель линейно-вязкой жидкости “в скоростях”, уравнение Навье-Стокса.
31. Получить уравнения состояния линейной теории термоупругости разрешенные относительно тензора напряжений
32. Получить уравнения состояния линейной теории термоупругости разрешенные относительно тензора деформаций
33. Получить формулы, выражающие коэффициенты Ляме и модуль объемного расширения через модуль упругости, коэффициент Пуассона. Область значений коэффициента Пуассона, его физический смысл.
34. Записать уравнения состояния линейно-упругой конструкции с использованием модуля упругости и коэффициента Пуассона.
35. Математическая модель механически сжимаемой линейно-упругой сплошной среды.
36. Математическая модель механически несжимаемой линейно-упругой сплошной среды.
37. Обобщенный закон Гука (21 коэффициент упругости) и математическая модель анизотропной линейно-упругой конструкции
38. Обобщенный закон Гука (13 коэффициентов упругости) и математическая модель анизотропной линейно-упругой конструкции
39. Обобщенный закон Гука (9 коэффициентов упругости) и математическая модель анизотропной линейно-упругой конструкции
40. Математическая модель цилиндрического линейно-упругого стержня, находящегося под действием растягивающих сил.
41. Математическая модель цилиндрического линейно-упругого стержня круглого поперечного сечения, находящегося под действием закручивающих моментов.

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 01.04.02 «Прикладная математика и информатика», ОС ВО НИЯУ МИФИ протокол № 13/06 от 07.11.2021 г.

Автор: д.т.н., профессор, Скоркин Николай Андреевич

Рецензент _____

Программа одобрена на заседании кафедры высшей и прикладной математики 29 июня 2021 г., протокол № _____